Удвоение медианы

- 1. В треугольнике ABC проведена медиана CM. Докажите, что |AC BC|/2 < CM < (AC + BC)/2.
- 2. Медиана треугольника образует с его сторонами, выходящими из той же вершины, углы 40° и 70°. Докажите, что эта медиана равна половине одной из них.
- **3.** На сторонах AC и BC во вне построили квадраты ACKL и BCNT. Доказать, что отрезок KN в два раза больше медианы CM треугольника ABC.
- **4.** В треугольнике ABC медиана, проведённая из вершины A, в четыре раза меньше стороны AB и образует с ней угол 60° . Найдите угол BAC.
- **5.** Диагонали AC и BD трапеции ABCD равны 3 и 5 соответственно, а отрезок, соединяющий середины оснований, равен 2. Найдите площадь трапеции ABCD.
- **6.** В равнобедренном треугольнике ABC (AB = BC) биссектриса BD в два раза короче биссектрисы AE. Найдите углы треугольника ABC.
- 7. С помощью циркуля и линейки постройте треугольник ABC по двум сторонам AC, BC и медиане CM.
- 8. Внутри угла AOB отмечена точка P. Проведите через точку P прямую, которая отсекает от данного угла треугольник наименьшей площади.
- 9. Про выпуклый четырёхугольник ABCD известно, что AB=BC=CD и $\angle BMC=90^\circ$, где M середина стороны AD. Найдите угол между прямыми AC и BD.
- **10.** Медианы треугольника ABC пересекаются в точке M. Найдите длину медианы, проведённой к стороне BC, если $\angle BAC = 47^{\circ}$, $\angle BMC = 133^{\circ}$ и $BC = 4\sqrt{3}$.